

1) **Intervallschachtelungen**

Gib die ersten fünf Intervalle der **dezimalen Intervallschachtelung** für die positiven Lösungen der folgenden Gleichung an:

$$x^2 = 3$$

1. [1 ; 2]
2. [1,7 ; 1,7]
3. [1,73 ; 1,74]
4. [1,732 ; 1,733]
5. [1,7320 ; 1,7321]

 2) **Quadratwurzeln**

Fasse unter einer Wurzel zusammen und vereinfache bzw. berechne soweit möglich:

a) $\sqrt{2} \cdot \sqrt{72} = \sqrt{2 \cdot 72} = \sqrt{144} = 12$

b) $\sqrt{5} \cdot \sqrt{125} = \sqrt{5 \cdot 125} = \sqrt{625} = 25$

Ziehe die Wurzel teilweise :

c) $\sqrt{108} = \sqrt{3 \cdot 36} = 6\sqrt{3}$

d) $\sqrt{112} = \sqrt{16 \cdot 7} = 4\sqrt{7}$

e) $\sqrt{252} = \sqrt{36 \cdot 7} = 6\sqrt{7}$

Fasse unter einer Wurzel zusammen:

f) $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{4,8}} = \sqrt{\frac{24}{4,8}} = \sqrt{5}$

g) $\frac{\sqrt{\frac{21}{40}}}{\sqrt{\frac{14}{15}}} = \sqrt{\frac{21}{40} \cdot \frac{15}{14}} = \sqrt{\frac{9}{16}} = \frac{3}{4}$

h) $\frac{\sqrt{\sqrt{12}} \cdot \sqrt{\sqrt{27}}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{\sqrt{12 \cdot 27}}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{\sqrt{324}}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}} = \sqrt{9} = 3$

Mache den Nenner rational und vereinfache (Erweitere, um die Wurzel im Nenner zu beseitigen):

i) $\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{6}} \cdot \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{15 \cdot 6}}{6} = \frac{\sqrt{90}}{6} = \frac{\sqrt{9 \cdot 10}}{6} = \frac{1}{2} \sqrt{10}$

j) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{8} - \sqrt{7}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{8} - \sqrt{7}} \cdot \frac{\sqrt{8} + \sqrt{7}}{\sqrt{8} + \sqrt{7}} = \frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt{8} + \sqrt{2} \cdot \sqrt{7}}{8 - 7} = \sqrt{16} + \sqrt{14} = 4 + \sqrt{14}$

3) **Wurzelterme**

Bestimme die Definitionsmenge folgender Terme:

Der Term (Rechenausdruck) unter der Wurzel muss immer größer oder gleich null sein!

a) $\sqrt{b+3} : b \geq -3$

b) $\sqrt{y^2-3} : y \geq \sqrt{3} \text{ oder } y \leq -\sqrt{3}$

c)

$$\sqrt{(a-3)(a+2)}$$

1. Fall : $a \geq 3$ und $a \geq -2 \Rightarrow a \geq 3$

2. Fall : $a \leq 3$ und $a \leq -2 \Rightarrow a \leq -2$

Gib die zulässigen Einsetzungen an und vereinfache:

d)

$$\sqrt{3ab^2} \cdot \sqrt{12a} =$$

$$a \geq 0$$

$$\sqrt{3ab^2} \cdot \sqrt{12a} = \sqrt{36a^2b^2} = 6ab$$

e)

$$\sqrt{5x^2} \cdot \sqrt{5y^2} =$$

$$x, y \in \mathbb{R},$$

$$\sqrt{5x^2} \cdot \sqrt{5y^2} = \sqrt{25x^2y^2} = 5xy$$

f)

$$\sqrt{\frac{3}{5}b^3} \cdot \sqrt{\frac{1}{3}b} =$$

$$b \geq 0$$

$$\sqrt{\frac{3}{5}b^3} \cdot \sqrt{\frac{1}{3}b} = \sqrt{\frac{3}{15}b^4} = b^2 \cdot \sqrt{\frac{1}{5}} = (\text{Erweitere mit } \sqrt{5}) = \frac{1}{5}\sqrt{5} \cdot b^2$$

g)

$$\frac{\sqrt{20p^3} \cdot \sqrt{32q^3}}{\sqrt{2p} \cdot \sqrt{5q}} \quad p, q > 0$$
$$\frac{\sqrt{20p^3} \cdot \sqrt{32q^3}}{\sqrt{2p} \cdot \sqrt{5q}} = \sqrt{\frac{640}{10} p^2 q^2} = \sqrt{64 p^2 q^2} = 8pq$$

Fasse zusammen:

$$\text{h) } 3a\sqrt{3} - 2\sqrt{a} + a\sqrt{3} - \sqrt{a} - 4a\sqrt{3} = -3\sqrt{a}$$

$$\text{i) } \sqrt{b} - \frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{2} + \frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{4} = \sqrt{b} - \frac{1}{2}\sqrt{b} - \frac{1}{4}\sqrt{b} - \frac{1}{2}\sqrt{a} + \frac{1}{4}\sqrt{a} = \frac{1}{4}\sqrt{b} - \frac{1}{4}\sqrt{a}$$