

1) Gib die zulässigen Einsetzungen an und bringe den Vorfaktor unter die Wurzel:

$$1a: \quad 4\sqrt{c} = \sqrt{16c} \quad c \geq 0$$

$$1b: \quad \frac{x}{y} \sqrt{\frac{y}{x}} = \sqrt{\frac{x^2 y}{y^2 \cdot x}} = \sqrt{\frac{x}{y}} \quad x \neq 0 \quad y \neq 0 \quad x > 0 \text{ und } y > 0 \text{ oder } x < 0 \text{ und } y < 0$$

$$1c: \quad (0,5u) \cdot \sqrt{u-1} = \sqrt{0,25u^2 \cdot (u-1)} \quad u \geq 1$$

$$1d: \quad (u+1) \cdot \sqrt{u} = \sqrt{(u+1)^2 \cdot u} \quad u \geq 0$$

2) Gib die zulässigen Einsetzungen an und ziehe teilweise die Wurzel:

$$2a: \quad \sqrt{3 \cdot (x+y)^2} = (x+y)\sqrt{3} \quad x, y \in \mathbb{R}$$

$$2b: \quad \sqrt{9r^2(r+1)} = 3r\sqrt{r+1} \quad r \geq -1$$

Gib die zulässigen Einsetzungen an und mache den Nenner rational

$$2c: \quad \frac{a}{\sqrt{ab}} = \frac{a \cdot \sqrt{a \cdot b}}{a \cdot b} = \frac{\sqrt{a \cdot b}}{b} \quad a \cdot b > 0, \text{ d.h. auch } a \neq 0, b \neq 0$$

3) Fasse zusammen:

$$3a: \quad \frac{\sqrt{u}}{\sqrt{u}-1} - \frac{1}{\sqrt{u}+1} = \frac{\sqrt{u} \cdot (\sqrt{u}+1) - (\sqrt{u}-1)}{(\sqrt{u}-1) \cdot (\sqrt{u}+1)} = \frac{u + \sqrt{u} - \sqrt{u} + 1}{u-1} = \frac{u+1}{u-1}$$

$$3b: \quad 3 \cdot \sqrt{x+2} - \frac{2x}{\sqrt{x+2}} = \frac{3 \cdot (x+2) - 2x}{\sqrt{x+2}} = \frac{3x+6-2x}{\sqrt{x+2}} = \frac{x+6}{\sqrt{x+2}}$$

$$3c: \quad x\sqrt{y} + y\sqrt{x} - 3x\sqrt{y} + 2x\sqrt{y} = y\sqrt{x}$$